

# Árvores Sintáticas Abstratas

Compiladores



**INSTITUTO  
FEDERAL**  
Brasília

Prof. Daniel Saad Nogueira  
Nunes

IFB – Instituto Federal de Brasília,  
Campus Taguatinga



# Sumário

---

- 1 Introdução
- 2 Tradução dirigida por sintaxe
- 3 Árvores sintáticas abstratas



# Sumário

---

## 1 Introdução



# Introdução

---

- Em linguagens mais simples, compiladores podem ser escritos de modo a fazer a tradução em uma única etapa.
- **Tradução dirigida por sintaxe.**
- Contudo, em linguagens mais complexas, é necessário realizar utilizar mais de uma etapa.
- Para evitar a análise do programa em cada etapa, podemos construir uma estrutura de dados durante a análise sintática, conhecida como **árvore sintática abstrata**, que alimentará outras fases, como: a construção da tabela de símbolos, a análise semântica, e a produção de código.



# Introdução

---

- Nesta aula examinaremos como realizar a tradução dirigida pela sintaxe e como construir árvores sintáticas abstratas para dar suporte as outras etapas.



# Sumário

---

## 2 Tradução dirigida por sintaxe



## Tradução dirigida por sintaxe

---

- Para alcançar a tradução dirigida por sintaxe, inserimos código no analisador sintático coadunado com as suas ações sintáticas.
- Dois conceitos importantes: **ações semânticas** e **valores semânticos**.



# Tradução dirigida por sintaxe

---

## Ações semânticas

- Cada produção pode ter um código que será executado quando a produção é aplicada.
- Não há imposição sobre o que o código pode ou deve fazer.
- Esses códigos são conhecidos como **ações semânticas**, visto que seu escopo está além da sintaxe da gramática.
- Ações relacionadas ao **significado** de um programa.





# Tradução dirigida por sintaxe

---

## Valores semânticos

- Quando uma ação semântica é realizada para uma produção  $A \rightarrow X_1 \dots X_m$ , valores estão relacionados com cada símbolo.
- O Valor associado a  $A$  é baseado nos valores atribuídos a  $X_1 \dots X_m$ .
- Para símbolos terminais, esses valores são obtidos na análise léxica.
- Por exemplo: o valor de um identificador é o seu nome.
- Para símbolos não-terminais, os valores são obtidos após a aplicação das regras.



## Tradução dirigida por sintaxe.

---

Considere a seguinte gramática:

$$\text{Start} \rightarrow E \$$$

$$E \rightarrow E + T$$

$$E \rightarrow T$$

$$T \rightarrow T \cdot T$$

$$T \rightarrow \text{num}$$

Em que num é um inteiro.



## Tradução dirigida por sintaxe

---

- Podemos escrever um analisador sintático LL(1) que calcula o resultado de uma expressão qualquer, como por exemplo  $31 + 8 \cdot 50$ , além é claro, de verificar que é uma expressão bem formada.



## Tradução dirigida por sintaxe.

---

A gramática LL(1) equivalente é:

$$\text{Start} \rightarrow E \$$$

$$E \rightarrow T E'$$

$$E' \rightarrow \varepsilon$$

$$E' \rightarrow + T E'$$

$$T \rightarrow F T'$$

$$T' \rightarrow \cdot F T'$$

$$T' \rightarrow \varepsilon$$

$$F \rightarrow \text{num}$$



# Tradução dirigida por sintaxe

---

- Ao inserir as ações semânticas no analisador descendente recursivo obtemos o seguinte algoritmo.



# Tradução dirigida por sintaxe

---

---

**Algorithm 1:**  $START()$ 

---

```
1 if( ts.PEEK( $\epsilon$ ){num} )
2   |   val  $\leftarrow E()$ 
3   |   ts.MATCH( $\$$ )
4   |   return val
5 else
6   |   REPORT-SYNTAX-ERROR()
```

---



## Tradução dirigida por sintaxe

---

---

### Algorithm 2: $E()$

---

```
1 if( ts.PEEK()  $\in$  {num} )
2   |   val  $\leftarrow T()$ 
3   |   val  $\leftarrow$  val +  $E'()$ 
4   |   return val
5 else
6   |   REPORT-SYNTAX-ERROR()
```

---



## Tradução dirigida por sintaxe

---

---

### Algorithm 3: $E'()$

---

```
1 if( ts.PEEK()  $\in$  { $\$$ } )
2   | return 0
3 else if( ts.PEEK()  $\in$  {+} )
4   | ts.MATCH(+)
5   | val  $\leftarrow$  T()
6   | val2  $\leftarrow$  E'()
7   | return val + val2
8 else
9   | REPORT-SYNTAX-ERROR()
```

---





## Tradução dirigida por sintaxe

---

---

### Algorithm 4: $T()$

---

```
1 if( ts.PEEK()  $\in$  {num} )
2   |   val  $\leftarrow$  F()
3   |   val2  $\leftarrow$  T'()
4   |   return val  $\cdot$  val2
5 else
6   |   REPORT-SYNTAX-ERROR()
```

---



## Tradução dirigida por sintaxe

---

---

### Algorithm 5: $T'()$

---

```
1 if( ts.PEEK()  $\in$  {·} )
2   | ts.MATCH(·)
3   | val  $\leftarrow$  F()
4   | val2  $\leftarrow$  T'()
5   | return val · val2
6 else if( ts.PEEK()  $\in$  {+, $} )
7   | return 1
8 else
9   | REPORT-SYNTAX-ERROR()
```

---



## Tradução dirigida por sintaxe

---

---

### Algorithm 6: $F()$

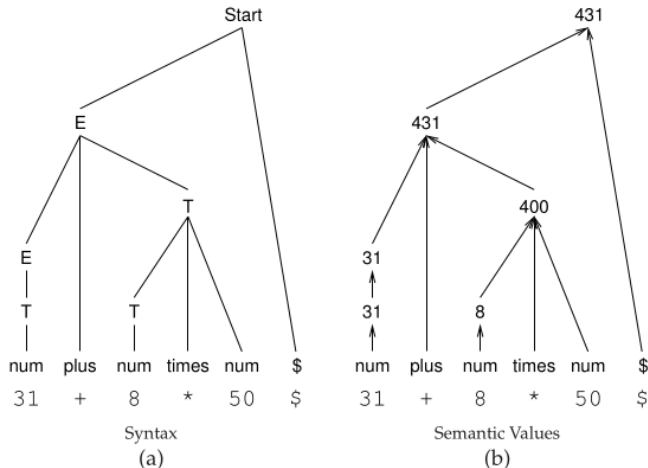
---

```
1 if( ts.PEEK()  $\in$  {num} )
2   |   val  $\leftarrow$  ts.VALUE()
3   |   ts.MATCH(num)
4   |   return val
5 else
6   |   REPORT-SYNTAX-ERROR()
```

---



# Tradução dirigida por sintaxe





# Sumário

---

## 3 Árvores sintáticas abstratas



# Árvores sintáticas abstratas

---

- Muitas tarefas de um compilador podem ser realizadas em uma única etapa através da tradução dirigida por sintaxe.
- Contudo, isso é desencorajado, visto que muitas funcionalidades acabam sendo incorporadas em um único componente do compilador, no caso, o analisador sintático.
- Tarefas como construção da tabela de símbolos, otimização de código, e análise semântica, merecem ter um tratamento separado.
- Consolidar todos esses componentes durante a análise sintática faz com que o código gerado seja difícil de ser mantido e estendido.



# Árvores sintáticas abstratas

---

- A árvore sintática abstrata (AST) é uma estrutura de dados que pode ajudar nesse processo de separação de componentes.
- Ela é uma estrutura que é construída durante a análise sintática e utilizada pelos demais componentes.



# Árvores sintáticas abstratas

---

- ASTs devem ser, ao mesmo tempo, concisas e flexíveis.
- Devem ser simples, mas capazes de descrever o programa do seu ponto de vista sintático sem a perda de informações importantes.





# Sumário

---

- 3 Árvores sintáticas abstratas
  - Árvores sintáticas concretas e abstratas
  - Estruturas de dados para ASTs
  - Construção de ASTs



# Árvores sintáticas concretas e abstratas

---

- Árvores sintáticas **concretas** representam a entrada de acordo com a análise sintática.
- Contudo, elas possuem informações que muitas das vezes são desnecessárias para que a entrada seja realizada sem a ocorrência de ambiguidades, com por exemplo: delimitadores, palavras chaves e parênteses para garantir a ordem de avaliação de expressões.



## Árvores sintáticas concretas e abstratas

---

Considere a seguinte gramática:

- 1  $\text{Start} \rightarrow \text{Stmt } \$$
- 2  $\text{Stmt} \rightarrow \text{id assign E}$
- 3       |  $\text{if lparen E rparen Stmt else fi}$
- 4       |  $\text{if lparen E rparen Stmt fi}$
- 5       |  $\text{while lparen E rparen do Stmt od}$
- 6       |  $\text{begin Stmts end}$
- 7  $\text{Stmts} \rightarrow \text{Stmts semi Stmt}$
- 8       |  $\text{Stmt}$
- 9  $\text{E} \rightarrow \text{E plus T}$
- 10       |  $\text{T}$
- 11  $\text{T} \rightarrow \text{id}$
- 12       |  $\text{num}$



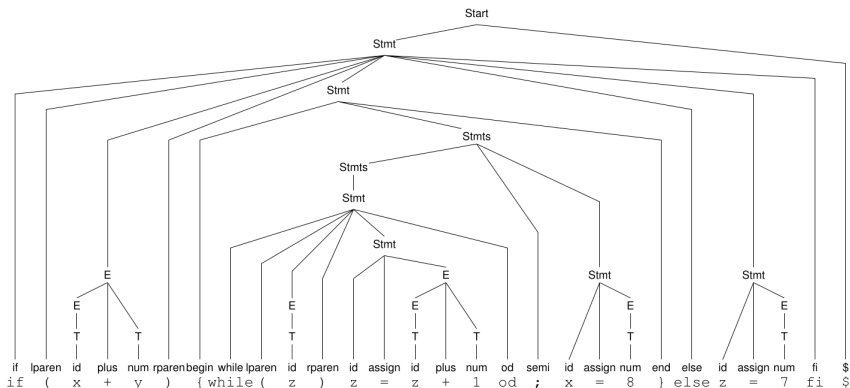
# Árvores sintáticas concretas

---

- A árvore sintática para a sequência de tokens  
`if ( x + y ) { while ( z ) z = z+1  
od ; x = 8} else z = 7 fi $`  
vem a seguir.



# Árvores sintáticas concretas





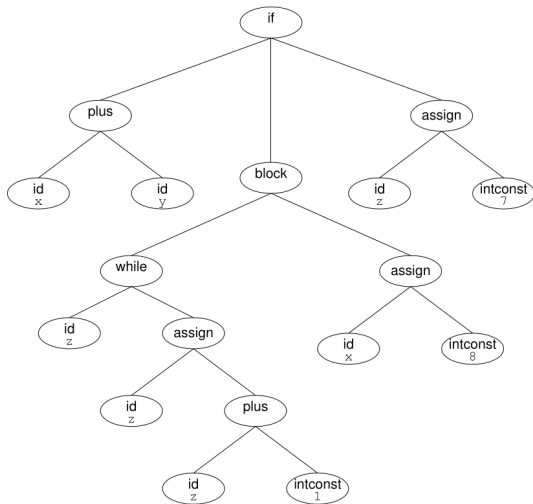
# Árvores sintáticas abstratas

---

- A árvore sintática abstrata gerada durante o processo de análise sintática poderia eliminar algumas informações desnecessárias para as próximas etapas da compilação.
- A AST resultante vem a seguir.



# Árvores sintáticas abstratas





# Sumário

---

- 3 Árvores sintáticas abstratas
  - Árvores sintáticas concretas e abstratas
  - Estruturas de dados para ASTs
  - Construção de ASTs





## EDs para ASTs

---

Para projetar uma ED eficiente para ASTs, devemos considerar que:

- As ASTs são construídas tipicamente de baixo para cima. Uma lista de irmãos é gerada que só depois serão adotados por um nó pai.
- A lista de irmãos é gerada tipicamente por regras recursivas. A ED deve possibilitar a adoção de irmãos de maneira simples através das extremidades da lista.
- Alguns nós da AST possui um número fixo de nós, como por exemplo um nó que representa uma soma, que tem dois filhos. Contudo, Algumas linguagens de programação podem requerer uma AST que suporte nós com vários filhos. A ED deve suportar uma aridade arbitrária das ASTs.



## EDs para ASTs

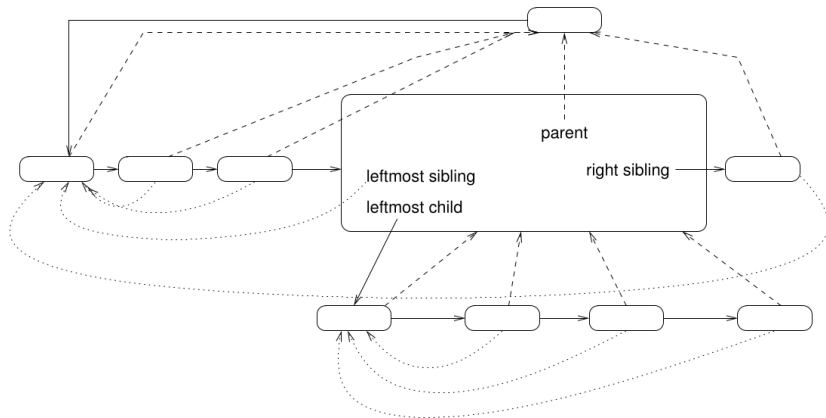
---

Para representar uma AST utilizaremos uma árvore com as seguintes propriedades.

- Os nós irmãos estão estruturados em uma lista encadeada simples, isto é, cada nó aponta para o seu próximo irmão. Além disso, cada nó aponta para a cabeça da lista, de modo a permitir a concatenação de listas (junção de irmãos) eficientemente.
- Cada nó possui um ponteiro para o seu pai.
- Cada nó possui um ponteiro para o seu filho mais à esquerda.



## EDs para ASTs





## EDs para ASTs

---

- A função `MAKE-NODE(t)` segue o padrão `factory` e cria um nó que depende do tipo `t`. Por exemplo:
  - ▶ Ao receber um inteiro, cria-se um nó que representa uma constante inteira e possui um método para acessar o valor desse inteiro.
  - ▶ Ao receber um símbolo (identificador), cria um nó para representar o símbolo. Possui métodos para recuperar e modificar a entrada correspondente da tabela de símbolos.
  - ▶ Ao receber um operador, encapsula uma operação, como soma ou subtração, cujos detalhes são especificados por seus métodos.
  - ▶ Ao não receber nenhum parâmetro, cria um nó vazio, para representar a ausência de uma estrutura, como por exemplo uma estrutura condicional sem `senão`.



## EDs para ASTs

---

- A função  $x.MAKE-SIBLINGS(y)$  faz com que  $y$  seja irmão de  $x$ .
- Premissa:  $x, y \neq NULL$ .
- Para isso, ele acha o irmão mais a direita de  $x$  e liga ele com o irmão mais à esquerda de  $y$ .
- Após isso, a lista dos irmãos de  $y$  é percorrida para:
  - ▶ Atribuir o pai de cada elemento ao pai de  $x$ .
  - ▶ Atribuir o irmão mais a esquerda de cada elemento ao irmão mais à esquerda de  $x$ .
- Ao final, retorna-se  $y$ , para possibilitar uma composição da função.



## EDs para ASTs

---

---

### **Algorithm 7:** MAKE-SIBLINGS( $y$ )

---

```
1  $x \leftarrow \text{this}$ 
2  $\text{xsibs} \leftarrow x$ 
3 while  $\text{xsibs.next} \neq \text{NULL}$  do  $\text{xsibs} \leftarrow \text{xsibs.next}$ 
4  $\text{ysibs} \leftarrow y.\text{leftmostSib}$ 
5  $\text{xsibs.next} \leftarrow \text{ysibs}$ 
6  $\text{ysibs.leftmostSib} \leftarrow \text{xsibs.leftmostSib}$ 
7  $\text{ysibs.parent} \leftarrow \text{xsibs.parent}$ 
8 while  $\text{ysibs.next} \neq \text{NULL}$  do
9    $\text{ysibs} \leftarrow \text{ysibs.next}$ 
10   $\text{ysibs.leftmostSib} \leftarrow \text{xsibs.leftmostSib}$ 
11   $\text{ysibs.parent} \leftarrow \text{xsibs.parent}$ 
12 return  $\text{ysibs}$ 
```

---



## EDs para ASTs

---

- A função  $x.ADOPT(y)$  faz com que  $x$  adote todos os irmãos de  $y$ , que passam a ter  $x$  como pai.
- Dois subcasos:
  - ▶ Se  $x$  tem filhos, então basta fazer com que o filho mais à esquerda de  $x$  vire irmão de  $y$ .
  - ▶ Caso contrário, é necessário percorrer a lista contendo  $y$  e seus irmãos e atribuir  $x$  como o pai. Além disso,  $x$  deve apontar para o irmão mais à esquerda de  $y$ .



## EDs para ASTs

---

---

### Algorithm 8: ADOPT(y)

---

```
1 x ← this
2 if( x.leftmostChild ≠ NULL )
3   | x.leftmostChild.MAKE-SIBLINGS(y)
4 else
5   | ysibs ← y.leftmostSib
6   | x.leftmostChild ← ysibs
7   | while ysibs ≠ NULL do
8     | | ysibs.parent ← x
9     | | ysibs ← ysibs.next
```

---





## EDs para ASTs

---

- A função `MAKE-FAMILY(op, kids)` gera uma família com  $n$  nós, `kids[0], \dots, kids[n - 1]` tendo um nó de tipo `op` como pai.
- Pode ser implementada ao criar um nó `node` e adotar todos os irmãos `kids[0], \dots, kids[n - 1]`.
- Ao final, `node` é retornado.



## EDs para ASTs

---

---

### **Algorithm 9:** MAKE-FAMILY( $op$ , $kids$ )

---

- 1  $node \leftarrow \text{MAKE-NODE}(op)$
  - 2  $sibs \leftarrow kids[0]$
  - 3 **foreach**  $i \in [1, n - 1]$  **do**
  - 4      $\lfloor$   $sibs.\text{MAKE-SIBLINGS}(kids[i])$
  - 5  $node.\text{ADOPT}(sibs)$
  - 6 **return**  $node$
-



# Sumário

---

- 3 Árvores sintáticas abstratas
  - Árvores sintáticas concretas e abstratas
  - Estruturas de dados para ASTs
  - Construção de ASTs



## Construção de ASTs

---

Já que uma árvore sintática está envolvida com muitas das etapas de um compilador, é importante se ater a alguns princípios:

- Deve ser possível, a partir da AST, obter uma estrutura suficientemente similar ao programa representado pela AST, isto é, a AST deve ter informação o suficiente para representar a estrutura do programa subjacente.



## Construção de ASTs

---

Já que uma árvore sintática está envolvida com muitas das etapas de um compilador, é importante se ater a alguns princípios:

- Deve ser possível, a partir da AST, obter uma estrutura suficientemente similar ao programa representado pela AST, isto é, a AST deve ter informação o suficiente para representar a estrutura do programa subjacente.
- A implementação de uma AST deve estar desacoplada com a informação representa dentro dos nós das ASTs. Os nós devem encapsular a informação, que deve ser acessível por métodos para facilitar a interoperabilidade entre as fases de compilação.



## Construção de ASTs

---

Já que uma árvore sintática está envolvida com muitas das etapas de um compilador, é importante se ater a alguns princípios:

- Deve ser possível, a partir da AST, obter uma estrutura suficientemente similar ao programa representado pela AST, isto é, a AST deve ter informação o suficiente para representar a estrutura do programa subjacente.
- A implementação de uma AST deve estar desacoplada com a informação representa dentro dos nós das ASTs. Os nós devem encapsular a informação, que deve ser acessível por métodos para facilitar a interoperabilidade entre as fases de compilação.
- Como as fases da compilação veem os elementos de uma AST de formas diferentes, não há uma única hierarquia de classes para descrever a AST considerando todos os propósitos do compilador.



## Construção de ASTs

---

Dada uma linguagem de programação  $L$ , o desenvolvimento de uma AST para  $L$  segue a seguinte estrutura, tipicamente:

- 1 Uma gramática não ambígua para  $L$  é criada. Ela pode conter regras adicionais com o único propósito de desambiguação,



## Construção de ASTs

---

Dada uma linguagem de programação  $L$ , o desenvolvimento de uma AST para  $L$  segue a seguinte estrutura, tipicamente:

- 2 Uma AST para  $L$  é projetada. Normalmente, as regras extras criadas para fins de desambiguação, são descartadas. Símbolos semanticamente desnecessários, como ; e , são usualmente descartados.





## Construção de ASTs

---

Dada uma linguagem de programação  $L$ , o desenvolvimento de uma AST para  $L$  segue a seguinte estrutura, tipicamente:

- 3 Ações semânticas são inseridas no analisador sintático para construir a AST. Essas ações semânticas podem usar os métodos que operam sobre a estrutura da AST para facilitar o processo.



## Construção de ASTs

---

Dada uma linguagem de programação  $L$ , o desenvolvimento de uma AST para  $L$  segue a seguinte estrutura, tipicamente:

- 4 Estágios do compilador são projetados. Cada fase pode ter diferentes requerimentos da AST, seja pela estrutura ou pelo conteúdo.



## Construção de ASTs

---

Para ilustrar a metodologia proposta, tome a especificação da seguinte linguagem de programação simples:

- 1  $\text{Start} \rightarrow \text{Stmt } \$$
- 2  $\text{Stmt} \rightarrow \text{id assign } E$
- 3       |  $\text{if lparen } E \text{ rparen Stmt else fi}$
- 4       |  $\text{if lparen } E \text{ rparen Stmt fi}$
- 5       |  $\text{while lparen } E \text{ rparen do Stmt od}$
- 6       |  $\text{begin Stmts end}$
- 7  $\text{Stmts} \rightarrow \text{Stmts semi Stmt}$
- 8       |  $\text{Stmt}$
- 9  $E \rightarrow E \text{ plus } T$
- 10       |  $T$
- 11  $T \rightarrow \text{id}$



# Construção de ASTs

---

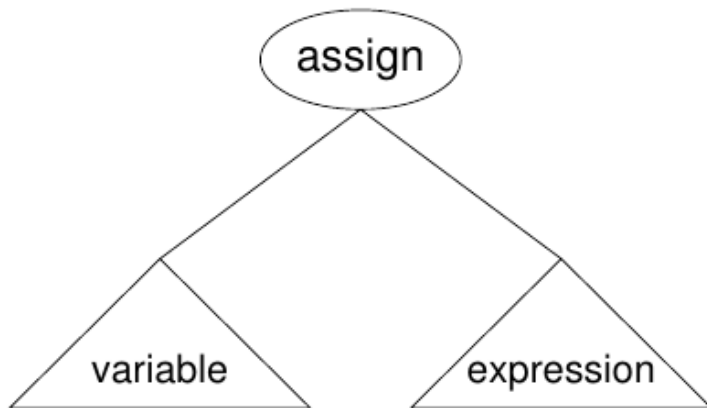
## Atribuição

A análise de tipos e a geração de códigos irão precisar de informações acerca da variável alvo da atribuição. A estrutura da AST será extremamente similar a da sua árvore concreta. O operador de atribuição será o nó pai do identificador, na subárvore da esquerda, e da expressão, na subárvore da direita.



## Construção de ASTs: atribuição

---





# Construção de ASTs

---

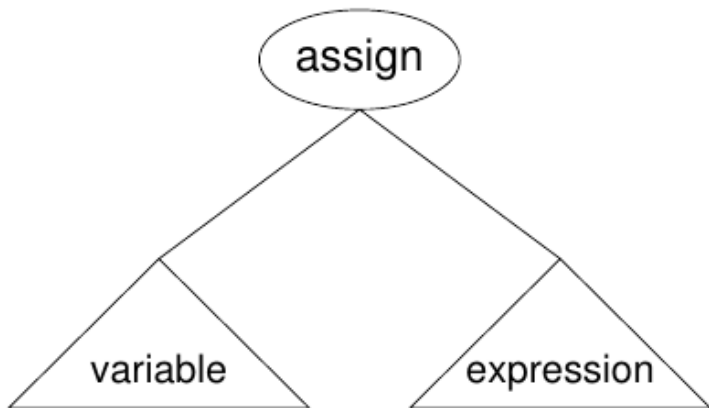
## Operadores

As regras cujo propósito servem para desambiguação podem ser descartadas. O nó pai será do tipo operador e as subárvores da esquerda e direita são as expressões aplicáveis ao operador.



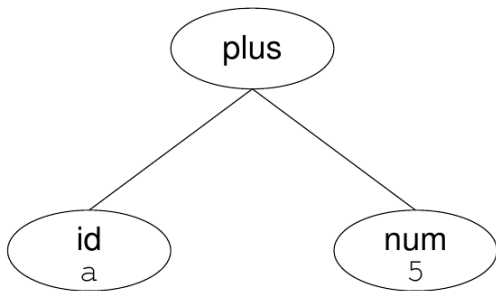
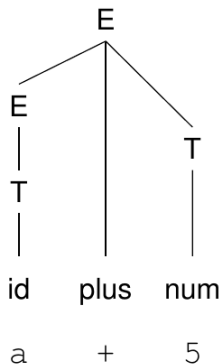
## Construção de ASTs: Operadores

---





## Construção de ASTs: Operadores







# Construção de ASTs

---

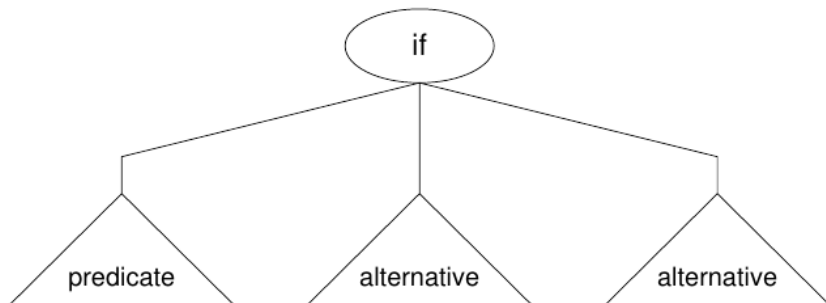
## Estruturas de decisão

Existem duas formas de estrutura de decisão presente na gramática. Uma com `else` e outra sem. Mas ambas podem ser vistas da mesma forma em uma AST, sendo a primeira implementada através de um nó vazio para representar um `else`. Alguns símbolos desnecessários, criados apenas como fins de desambiguação da gramática, podem ser removidos.



## Construção de ASTs: estruturas de decisão

---





# Construção de ASTs

---

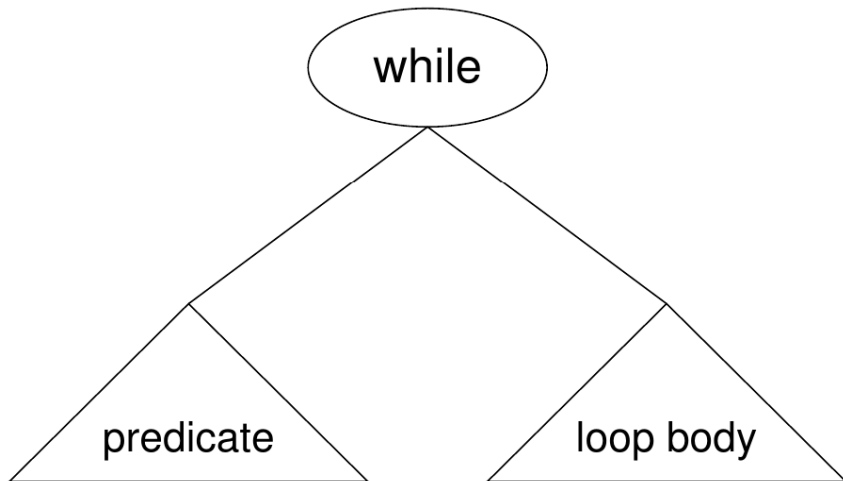
## Estruturas de repetição

Estruturas de repetição possuem dois elementos ligados ao nó pai: o predicado e o corpo do laço.



## Construção de ASTs: estruturas de repetição

---





# Construção de ASTs

---

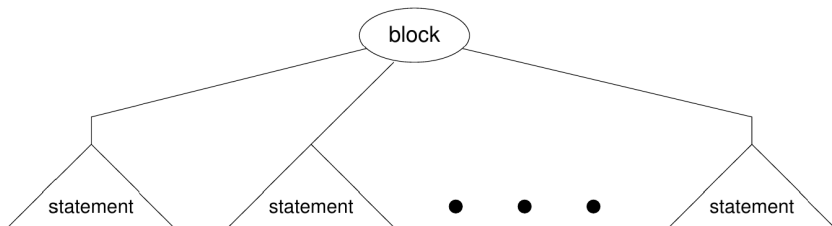
## Blocos de código

Diversas subárvores ligadas a um nó pai. Cada subárvore correspondendo a uma estrutura sintática.



## Construção de ASTs: estruturas de repetição

---





## Construção de ASTs

---

Para construir a AST da linguagem, podemos adicionar as seguintes ações semânticas às regras:

1 **Start**  $\rightarrow$  **Stmt**<sub>*ast*</sub> \$  
**return** (*ast*)



## Construção de ASTs

---

Para construir a AST da linguagem, podemos adicionar as seguintes ações semânticas às regras:

- 2  $\text{Stmt}_{result} \rightarrow \text{id}_{var} \text{ assign } E_{expr}$   
 $result \leftarrow \text{MAKEFAMILY}(\text{assign}, var, expr)$
- 3 |  $\text{if } \text{lparen } E_p \text{ rparen } \text{Stmt}_s \text{ fi}$   
 $result \leftarrow \text{MAKEFAMILY}(\text{if}, p, s, \text{MAKENODE}())$
- 4 |  $\text{if } \text{lparen } E_p \text{ rparen } \text{Stmt}_{s1} \text{ else } \text{Stmt}_{s2} \text{ fi}$   
 $result \leftarrow \text{MAKEFAMILY}(\text{if}, p, s1, s2)$
- 5 |  $\text{while } \text{lparen } E_p \text{ rparen } \text{do } \text{Stmt}_s \text{ od}$   
 $result \leftarrow \text{MAKEFAMILY}(\text{while}, p, s)$
- 6 |  $\text{begin } \text{Stmts}_{list} \text{ end}$   
 $result \leftarrow \text{MAKEFAMILY}(\text{block}, list)$





## Construção de ASTs

---

Para construir a AST da linguagem, podemos adicionar as seguintes ações semânticas às regras:

- 7  $Stmts_{result} \rightarrow Stmts_{sofar} \text{ semi } Stmt_{next}$   
 $result \leftarrow sofar.MAKESIBLINGS(next)$
- 8  $| Stmt_{first}$   
 $result \leftarrow first$



## Construção de ASTs

---

Para construir a AST da linguagem, podemos adicionar as seguintes ações semânticas às regras:

$$9 \quad E_{result} \quad \rightarrow \quad E_{e1} \text{ plus } T_{e2}$$
$$result \leftarrow \text{MAKEFAMILY}(\text{plus}, e1, e2)$$

$$10 \quad \quad \quad | \quad T_e$$
$$result \leftarrow e$$



## Construção de ASTs

---

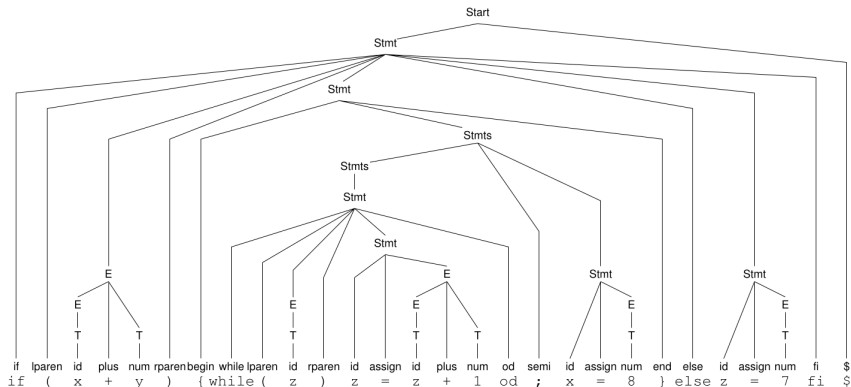
Para construir a AST da linguagem, podemos adicionar as seguintes ações semânticas às regras:

11  $T_{result} \rightarrow id_{var}$   
 $result \leftarrow \text{MAKENODE}(var)$

12  $| num_{val}$   
 $result \leftarrow \text{MAKENODE}(val)$



# Construção de ASTs





# Construção de ASTs

